

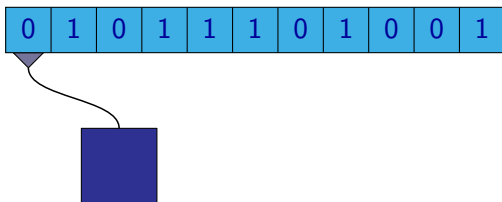
Konečné automaty

Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

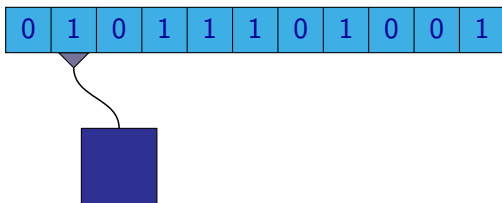


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

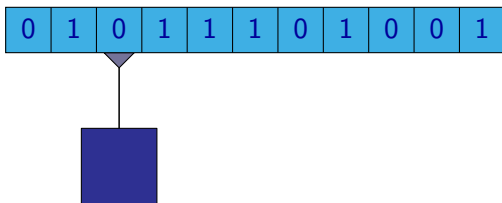


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

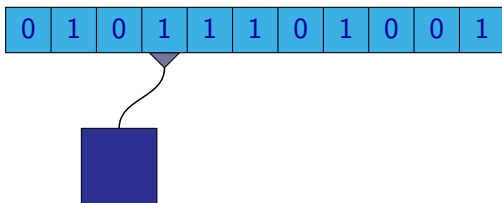


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

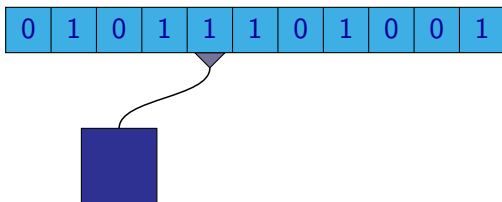


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

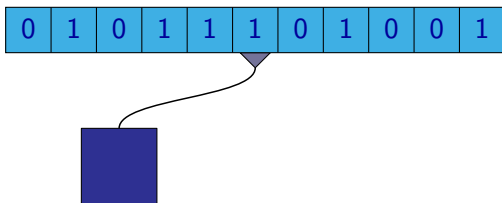


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

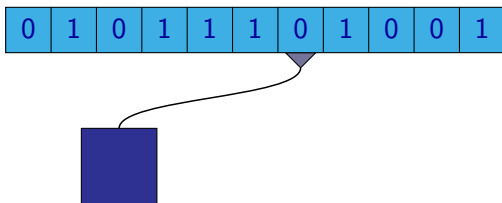


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

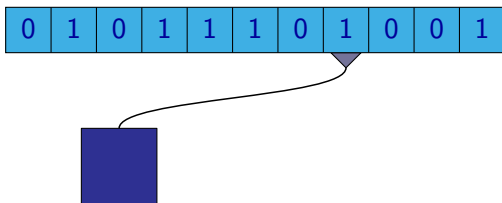


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

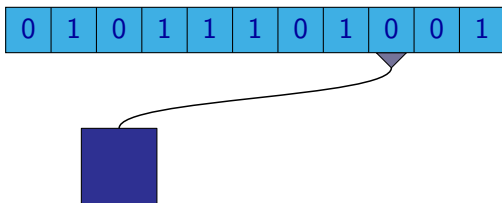


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

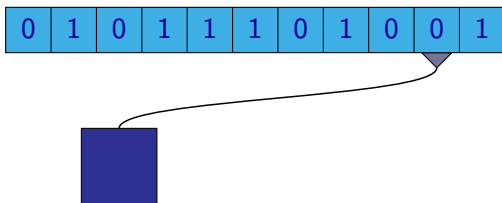


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

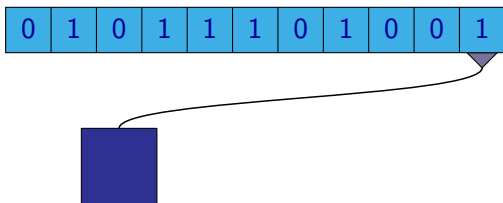


Rozpoznávání jazyka

Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.

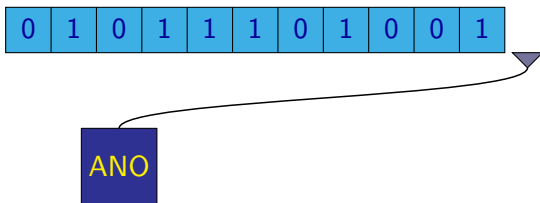


Rozpoznávání jazyka

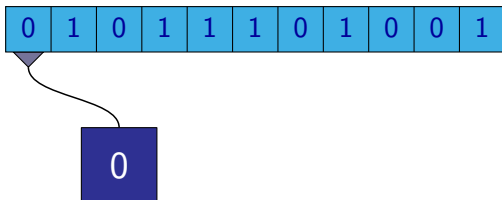
Příklad: Uvažujme slova nad abecedou $\{0, 1\}$.

Chtěli bychom rozpoznávat jazyk L , který je tvořen slovy, ve kterých se vyskytuje sudý počet symbolů 1 .

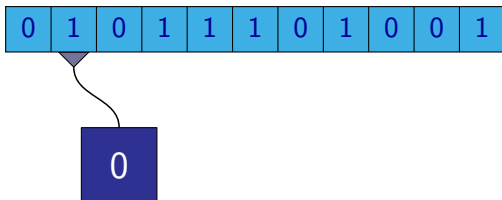
Chceme navrhnout zařízení, které přečte slovo, a sdělí nám, zda toto slovo patří do jazyka L či ne.



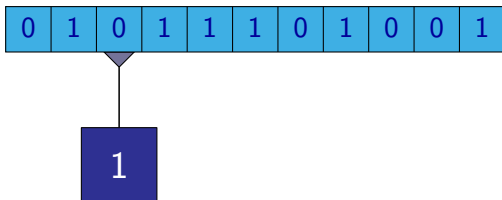
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



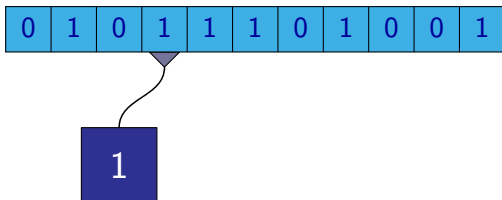
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



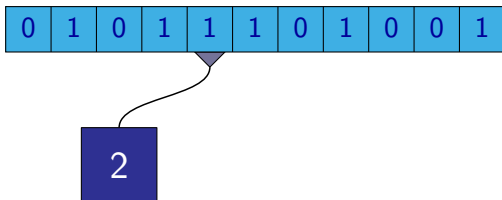
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



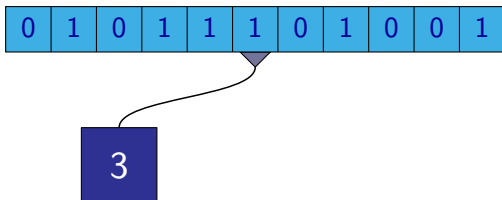
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



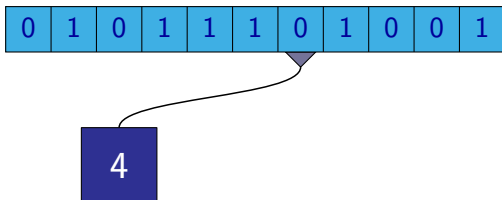
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



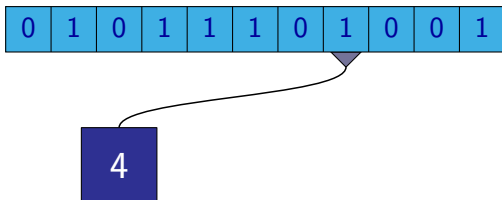
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



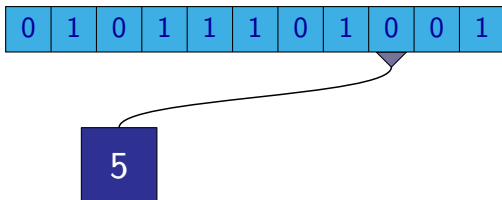
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



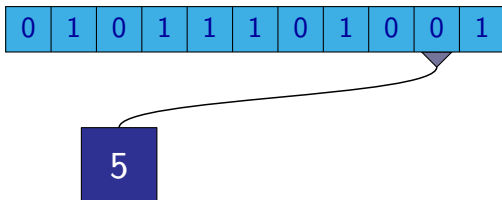
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



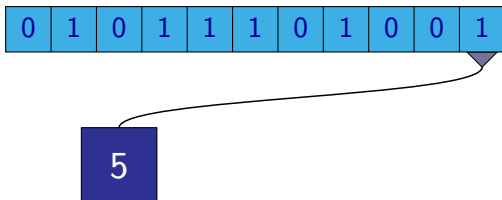
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.



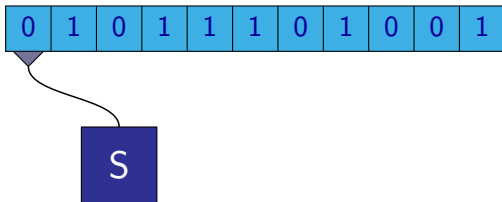
První nápad: Počítat počet výskytů symbolů 1.

0	1	0	1	1	1	0	1	0	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

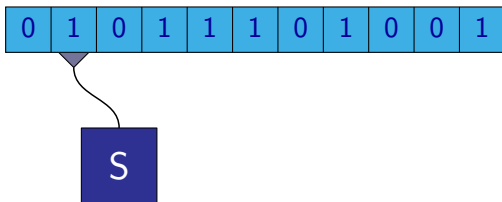
6

ANO – 6 je sudé číslo

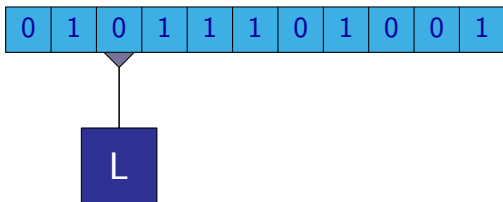
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



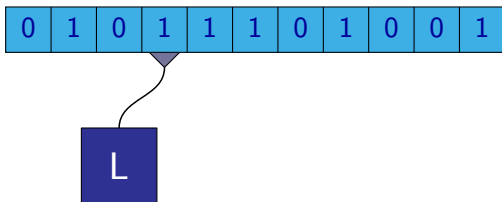
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



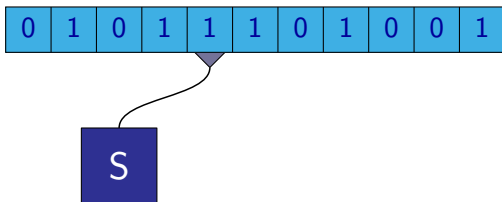
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



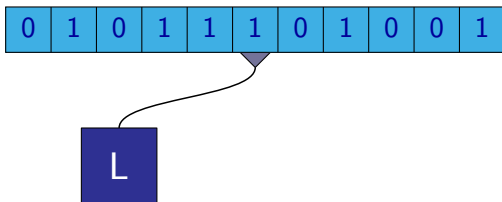
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



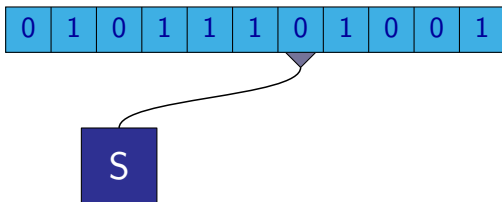
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



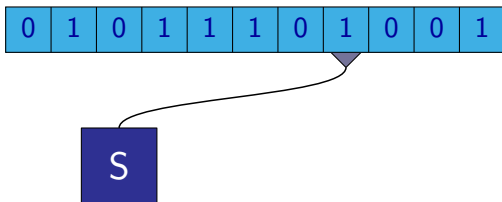
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



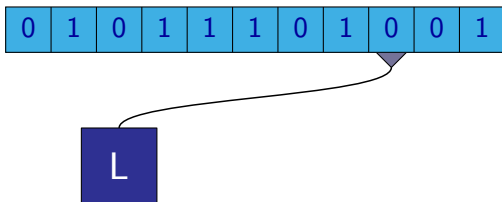
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



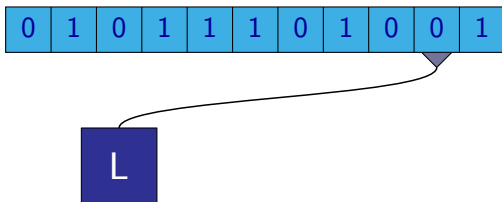
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



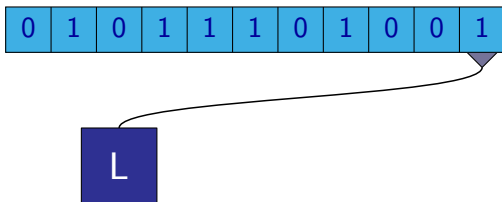
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



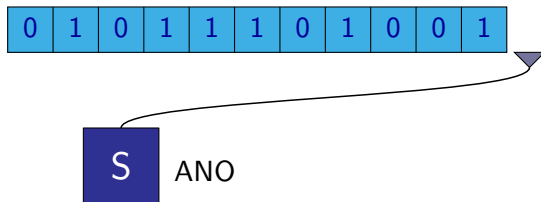
Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



Druhý nápad: Ve skutečnosti nás zajímá pouze, zda počet dosud přečtených symbolů **1** je sudý nebo lichý (tj. místo čísla si stačí pamatovat jen jeho poslední bit).



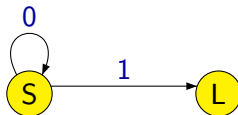
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



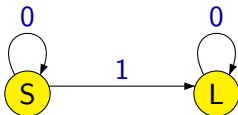
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



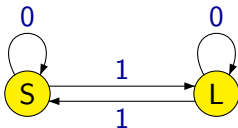
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



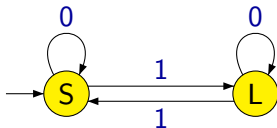
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



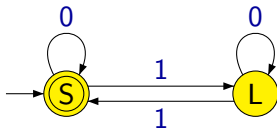
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



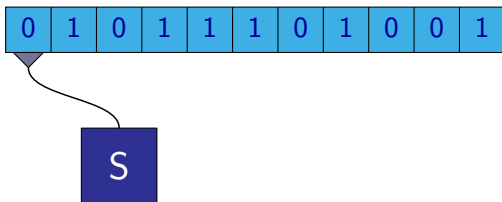
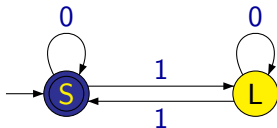
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



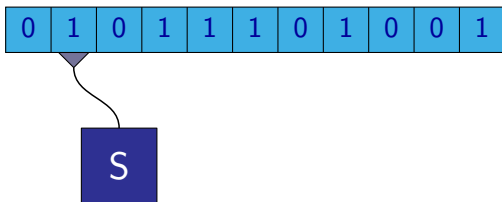
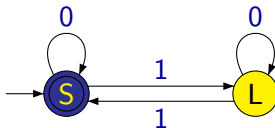
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:

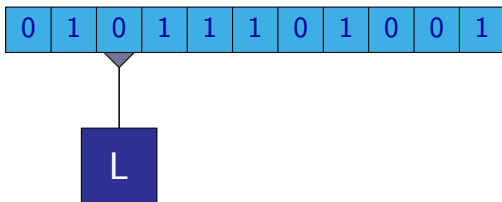
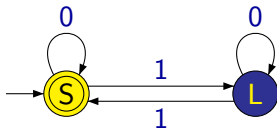


Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



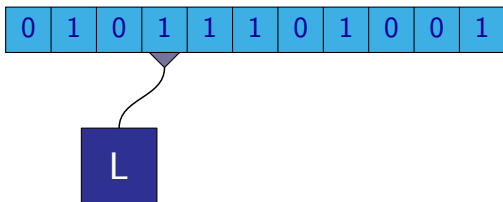
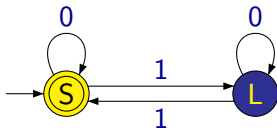
Rozpoznávání jazyka

Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:

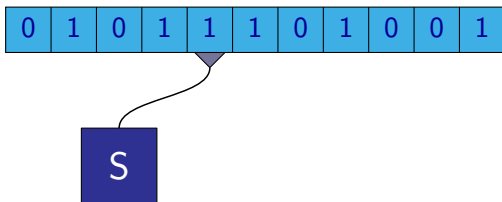
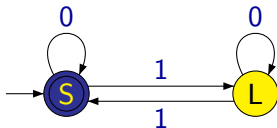


Rozpoznávání jazyka

Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:

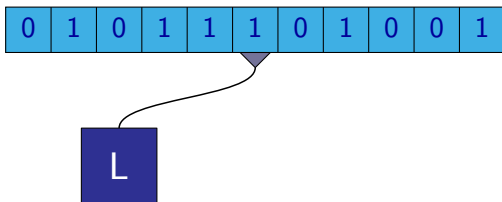
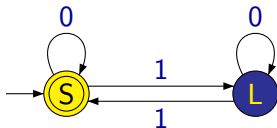


Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



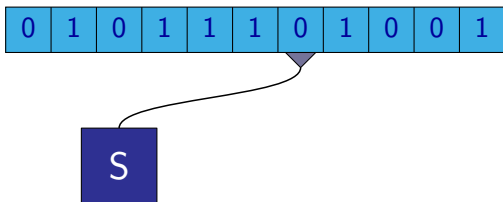
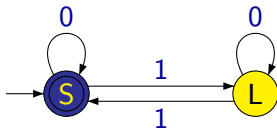
Rozpoznávání jazyka

Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:

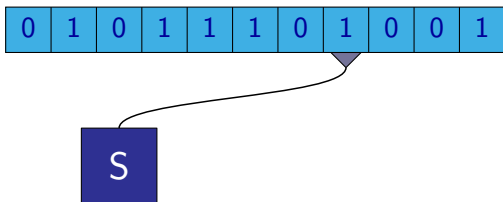
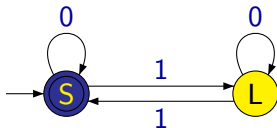


Rozpoznávání jazyka

Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:

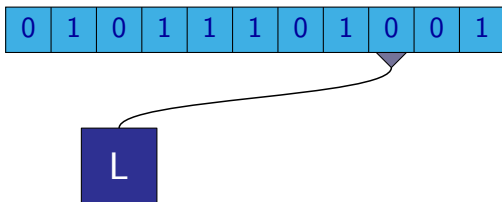
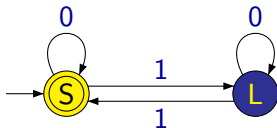


Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



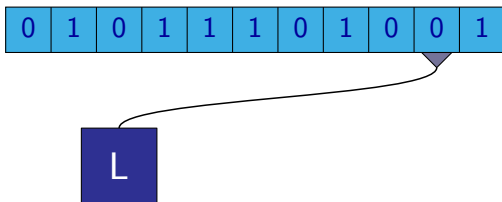
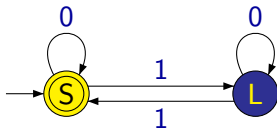
Rozpoznávání jazyka

Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



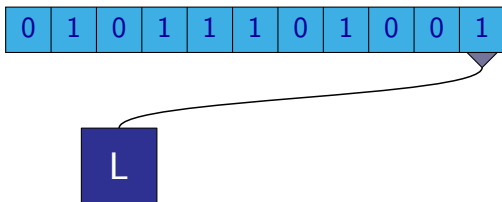
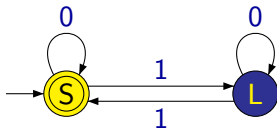
Rozpoznávání jazyka

Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:

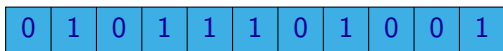
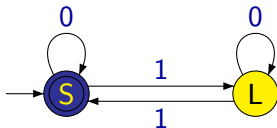


Rozpoznávání jazyka

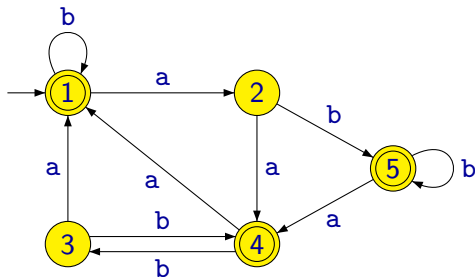
Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



Chování tohoto zařízení můžeme popsat grafem:



Deterministický konečný automat



Deterministický konečný automat se skládá ze **stavů** a **přechodů**. Jeden ze stavů je označen jako **počáteční stav** a některé ze stavů jsou označeny jako **přijímající**.

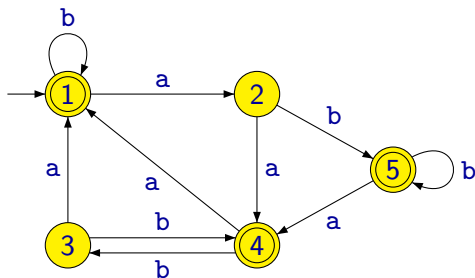
Formálně je **deterministický konečný automat (DKA)** definován jako pětice

$$(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$$

kde:

- Q je neprázdная konečná množina **stavů**
- Σ je **abeceda** (neprázdная konečná množina symbolů)
- $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$ je **přechodová funkce**
- $q_0 \in Q$ je **počáteční stav**
- $F \subseteq Q$ je množina **přijímajících stavů**

Deterministický konečný automat



- $Q = \{1, 2, 3, 4, 5\}$

- $\Sigma = \{a, b\}$

- $q_0 = 1$

- $F = \{1, 4, 5\}$

$$\delta(1, a) = 2 \quad \delta(1, b) = 1$$

$$\delta(2, a) = 4 \quad \delta(2, b) = 5$$

$$\delta(3, a) = 1 \quad \delta(3, b) = 4$$

$$\delta(4, a) = 1 \quad \delta(4, b) = 3$$

$$\delta(5, a) = 4 \quad \delta(5, b) = 5$$

Deterministický konečný automat

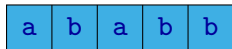
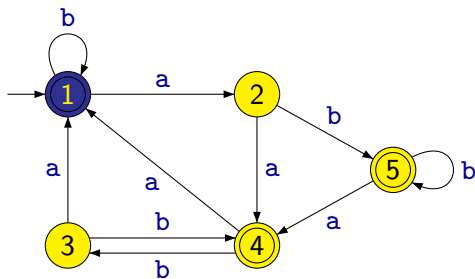
Místo zápisu

$$\begin{array}{ll} \delta(1, a) = 2 & \delta(1, b) = 1 \\ \delta(2, a) = 4 & \delta(2, b) = 5 \\ \delta(3, a) = 1 & \delta(3, b) = 4 \\ \delta(4, a) = 1 & \delta(4, b) = 3 \\ \delta(5, a) = 4 & \delta(5, b) = 5 \end{array}$$

budeme raději používat stručnější tabulku nebo grafické znázornění:

δ	a	b
$\leftrightarrow 1$	2	1
2	4	5
3	1	4
$\leftarrow 4$	1	3
$\leftarrow 5$	4	5

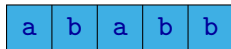
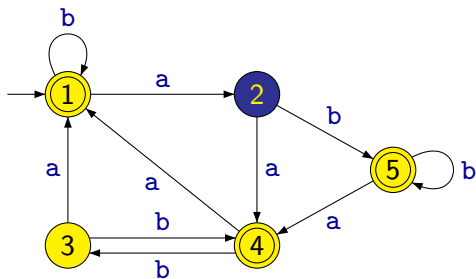
Deterministický konečný automat



1

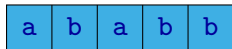
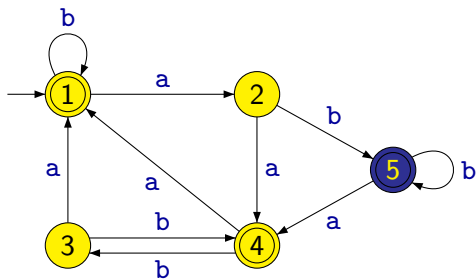


Deterministický konečný automat



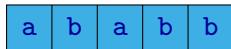
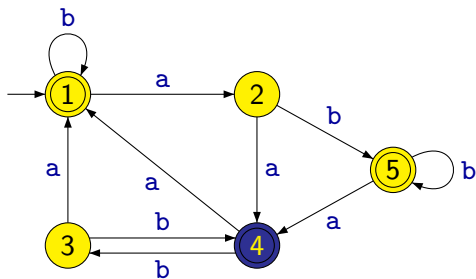
$1 \xrightarrow{a} 2$

Deterministický konečný automat



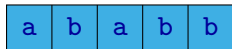
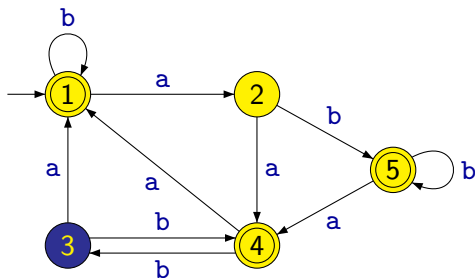
$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 5$

Deterministický konečný automat



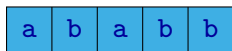
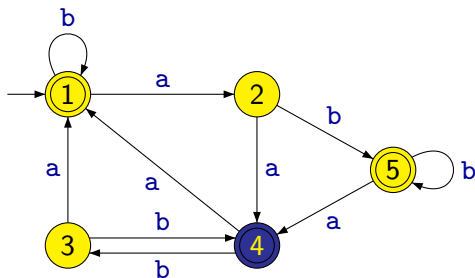
$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 5 \xrightarrow{a} 4$

Deterministický konečný automat



$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 5 \xrightarrow{a} 4 \xrightarrow{b} 3$

Deterministický konečný automat



$1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 5 \xrightarrow{a} 4 \xrightarrow{b} 3 \xrightarrow{b} 4$

Definice

Mějme DKA $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$.

Zápisem $q \xrightarrow{w} q'$, kde $q, q' \in Q$ a $w \in \Sigma^*$, budeme označovat to, že pokud je automat ve stavu q , tak přečtením slova w přejde do stavu q' .

Poznámka: $\longrightarrow \subseteq Q \times \Sigma^* \times Q$ je ternární relace.

Místo $(q, w, q') \in \longrightarrow$ píšeme $q \xrightarrow{w} q'$.

Pro DKA platí, že pro libovolný stav q a libovolné slovo w existuje právě jeden stav q' takový, že $q \xrightarrow{w} q'$.

Relaci \longrightarrow můžeme formálně definovat následující induktivní definicí:

- $q \xrightarrow{\varepsilon} q$ pro libovolné $q \in Q$
- Pro $a \in \Sigma$ a $w \in \Sigma^*$:
 $q \xrightarrow{aw} q'$ právě tehdy, když existuje $q'' \in Q$ takové, že $\delta(q, a) = q''$ a $q'' \xrightarrow{w} q'$.

Deterministický konečný automat

Slovo $w \in \Sigma^*$ je **přijímáno** deterministickým konečným automatem $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ právě tehdy, když existuje stav $q \in F$ takový, že $q_0 \xrightarrow{w} q$.

Definice

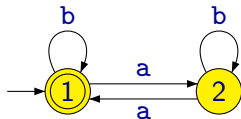
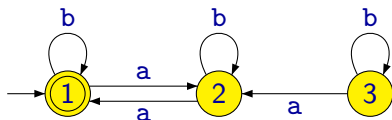
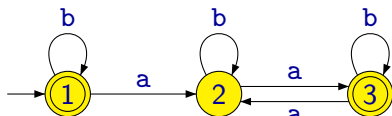
Jazyk rozpoznávaný (přijímaný) daným deterministickým konečným automatem $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, označovaný $L(A)$, je množina všech slov přijímaných tímto automatem, tj.

$$L(A) = \{w \in \Sigma^* \mid \exists q \in F : q_0 \xrightarrow{w} q\}$$

Definice

Jazyk L je **regulární** právě tehdy, když existuje nějaký deterministický konečný automat A , který jej přijímá, tj. DKA A , takový, že $L(A) = L$.

Ekvivalence automatů

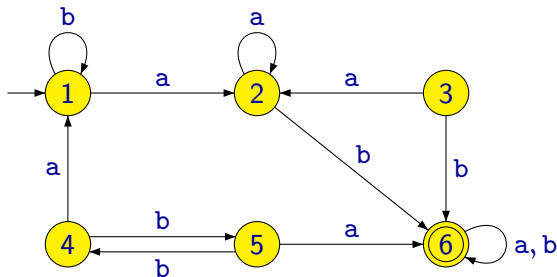


Všechny 3 automaty přijímají jazyk všech slov se sudým počtem a .

Definice

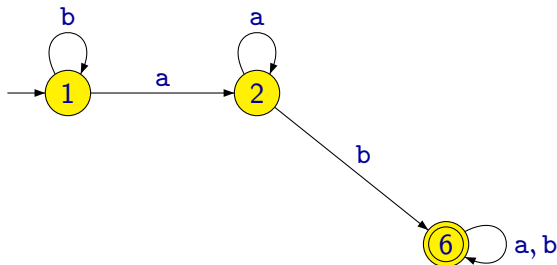
O konečných automatech A_1, A_2 řekneme, že jsou **ekvivalentní**, jestliže $L(A_1) = L(A_2)$.

Nedosažitelné stavy automatu



- Automat přijímá jazyk $L = \{w \in \{a, b\}^* \mid w \text{ obsahuje podslovo } ab\}$
- Pro žádnou posloupnost vstupních symbolů se automat nedostane do stavů 3, 4 nebo 5.

Nedosažitelné stavy automatu



- Automat přijímá jazyk $L = \{w \in \{a, b\}^* \mid w \text{ obsahuje podslovo } ab\}$
- Pro žádnou posloupnost vstupních symbolů se automat nedostane do stavů 3, 4 nebo 5.
- Pokud tyto stavy odstraníme, pořád automat přijímá stejný jazyk L .

Definice

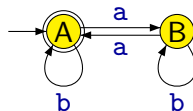
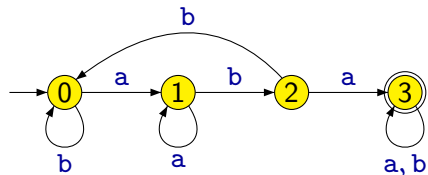
Stav q konečného automatu $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ je **dosažitelný** pokud existuje nějaké slovo w takové, že $q_0 \xrightarrow{w} q$.

V opačném případě stav nazýváme **nedosažitelný**.

- Do nedosažitelných stavů nevede v grafu automatu žádná orientovaná cesta z počátečního stavu.
- Nedosažitelné stavy můžeme z automatu odstranit (spolu se všemi přechody vedoucími do nich a z nich). Jazyk přijímaný automatem se nezmění.

Automat pro průnik jazyků

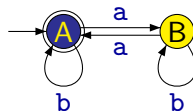
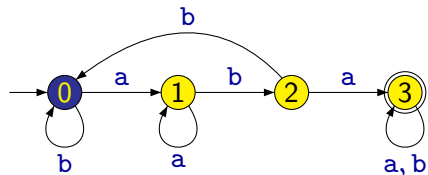
Máme následující dva automaty:



Přijmou oba slovo **ababb**?

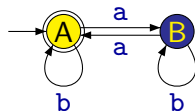
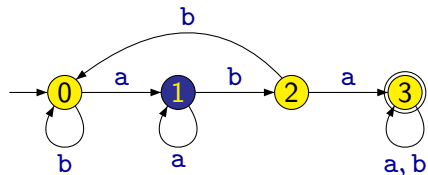
Automat pro průnik jazyků

Máme následující dva automaty:



Přijmou oba slovo **a**babbb?

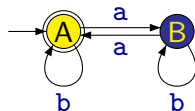
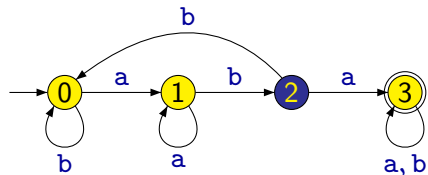
Máme následující dva automaty:



Přijmou oba slovo **a**bab**b**?

Automat pro průnik jazyků

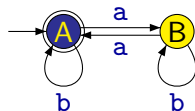
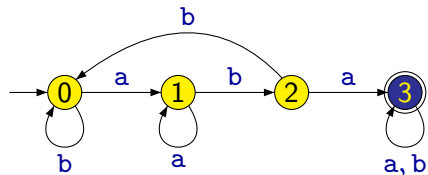
Máme následující dva automaty:



Přijmou oba slovo **ababb**?

Automat pro průnik jazyků

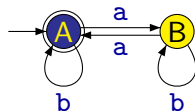
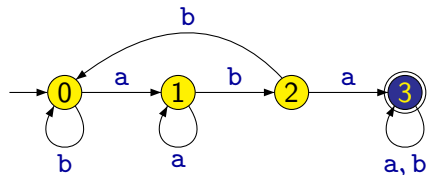
Máme následující dva automaty:



Přijmou oba slovo **ababb**?

Automat pro průnik jazyků

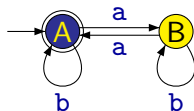
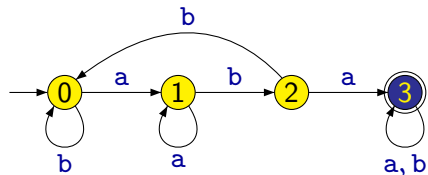
Máme následující dva automaty:



Přijmou oba slovo **abab****b**?

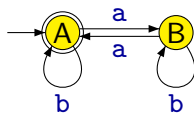
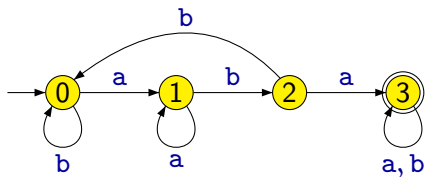
Automat pro průnik jazyků

Máme následující dva automaty:

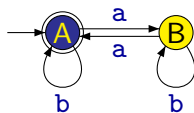
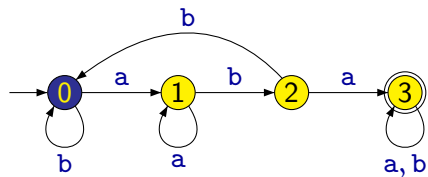


Přijmou oba slovo `ababb`?

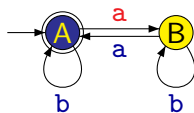
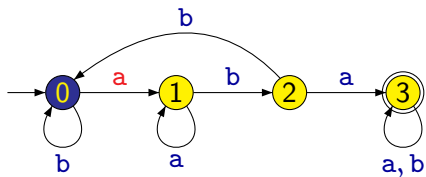
Automat pro průnik jazyků



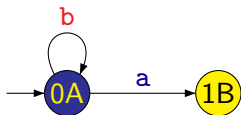
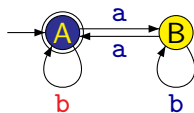
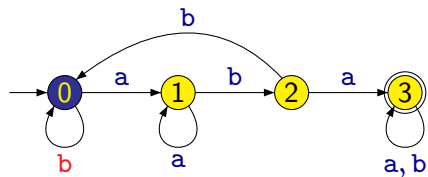
Automat pro průnik jazyků



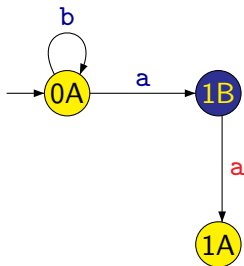
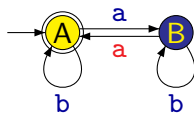
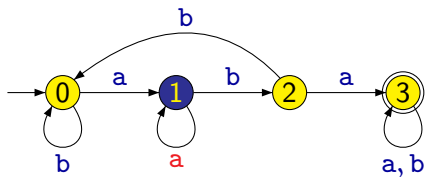
Automat pro průnik jazyků



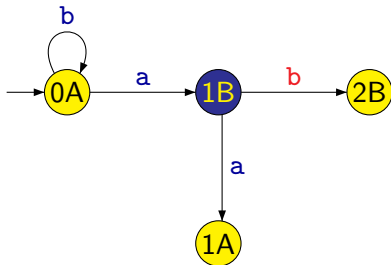
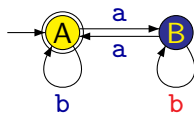
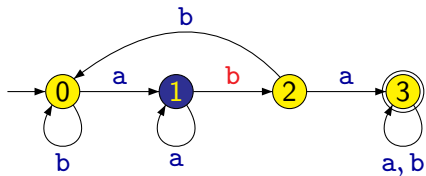
Automat pro průnik jazyků



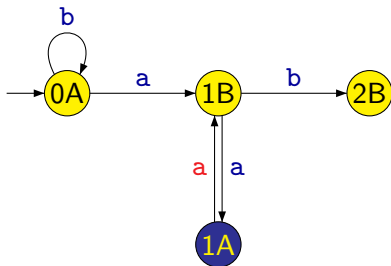
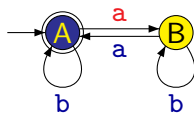
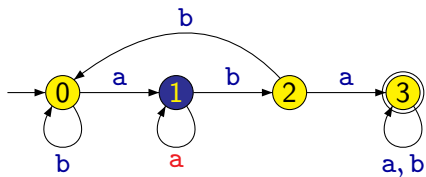
Automat pro průnik jazyků



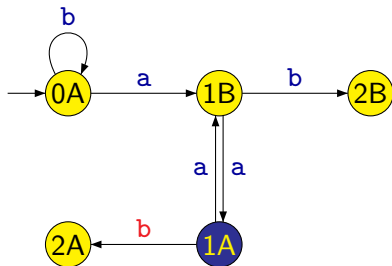
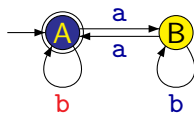
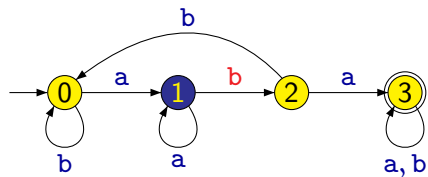
Automat pro průnik jazyků



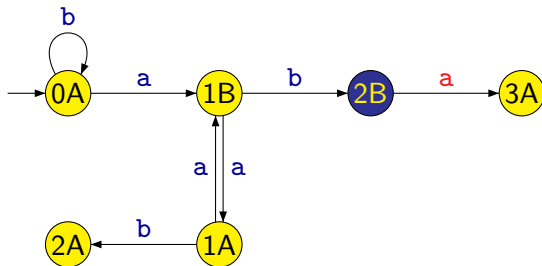
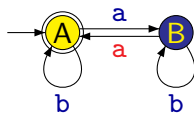
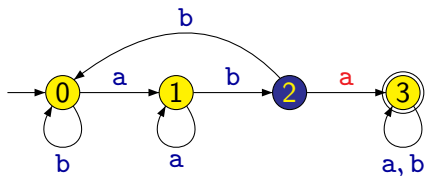
Automat pro průnik jazyků



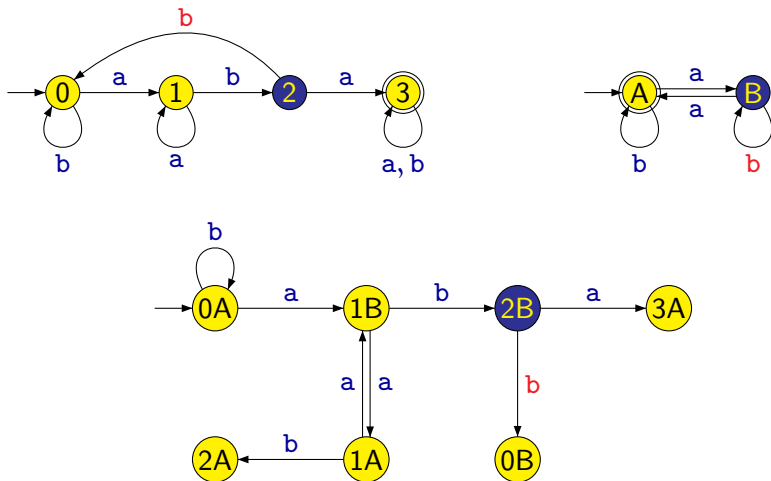
Automat pro průnik jazyků



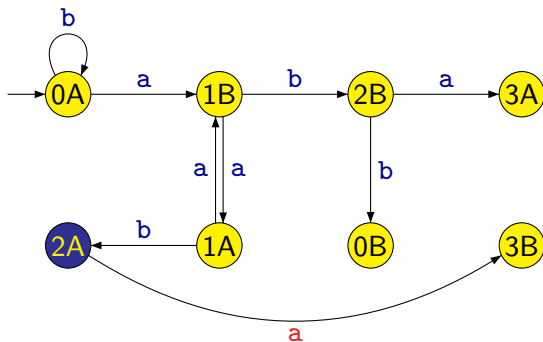
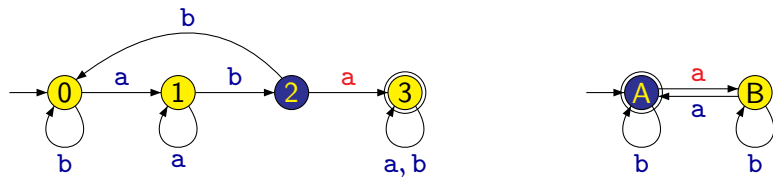
Automat pro průnik jazyků



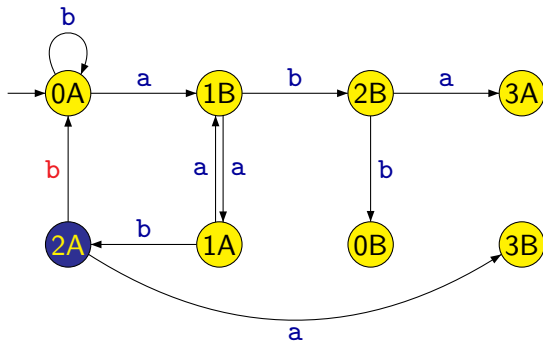
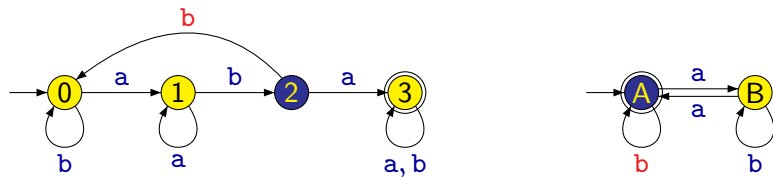
Automat pro průnik jazyků



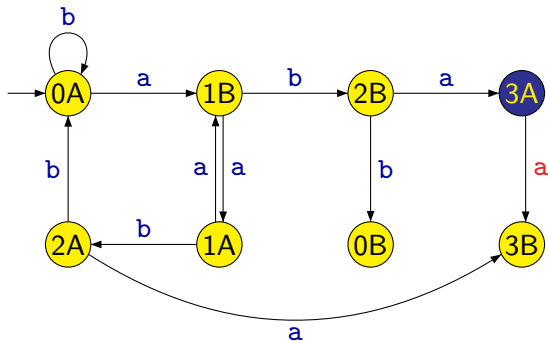
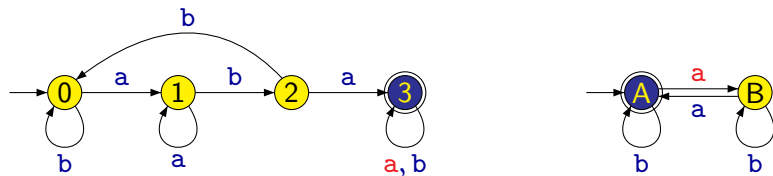
Automat pro průnik jazyků



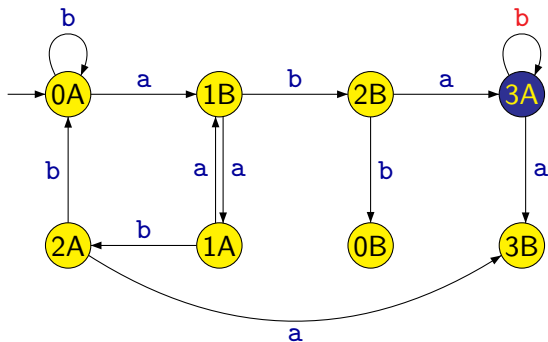
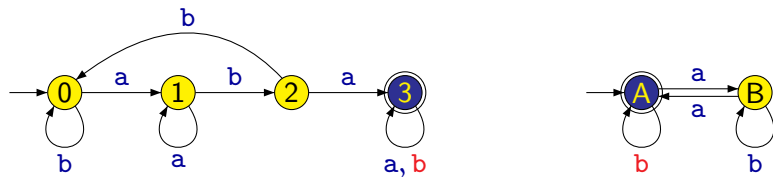
Automat pro průnik jazyků



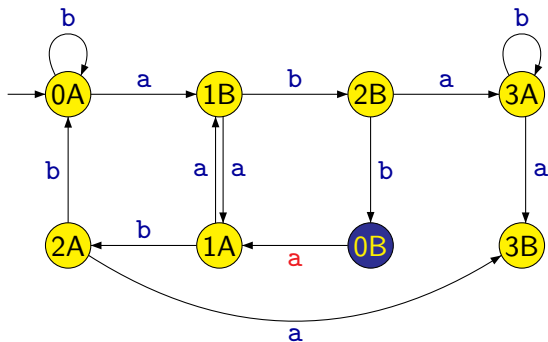
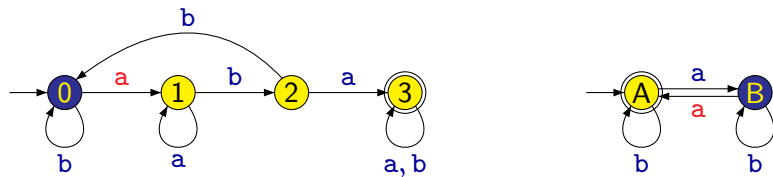
Automat pro průnik jazyků



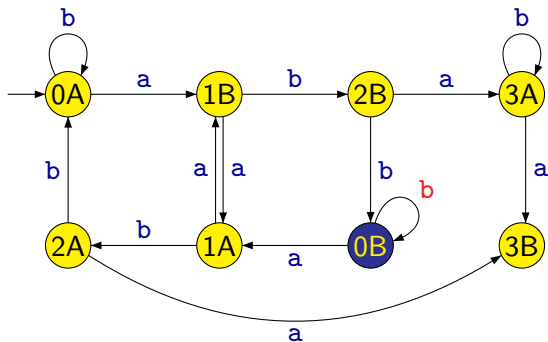
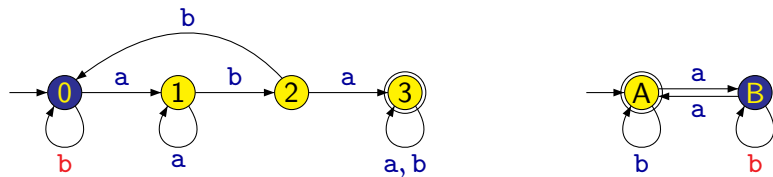
Automat pro průnik jazyků



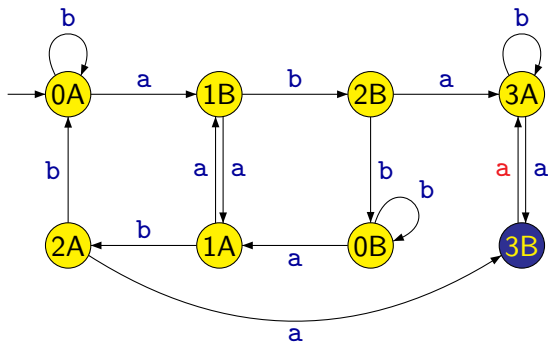
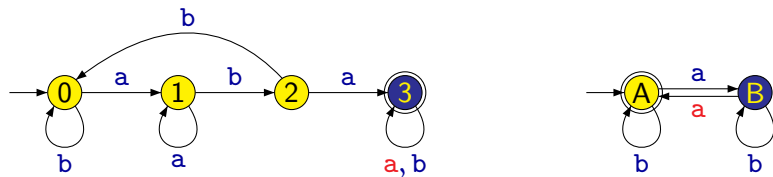
Automat pro průnik jazyků



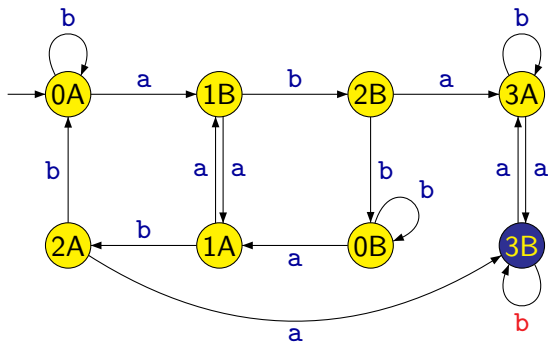
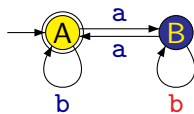
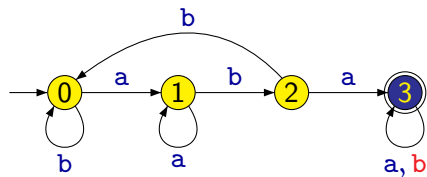
Automat pro průnik jazyků



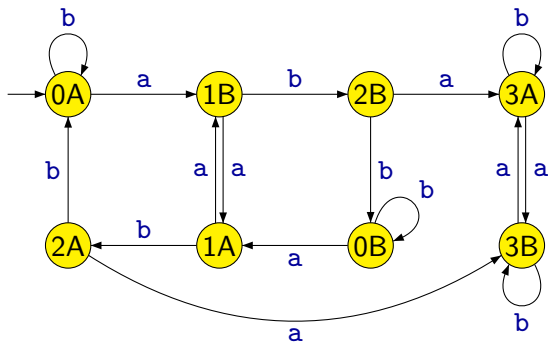
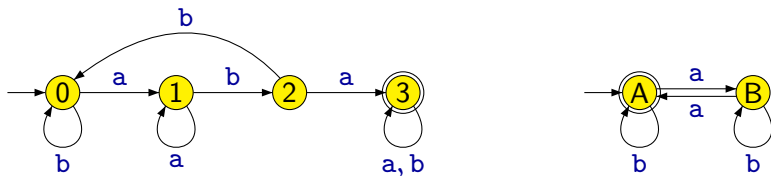
Automat pro průnik jazyků



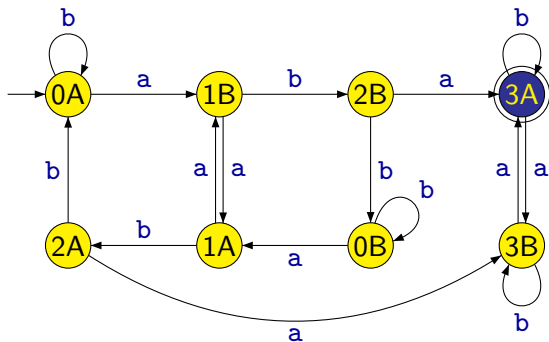
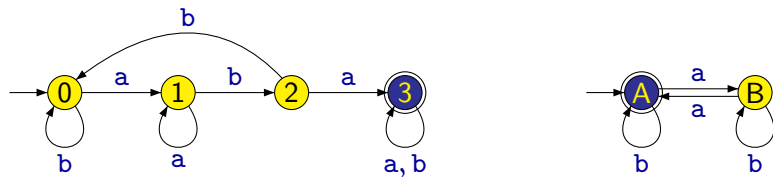
Automat pro průnik jazyků



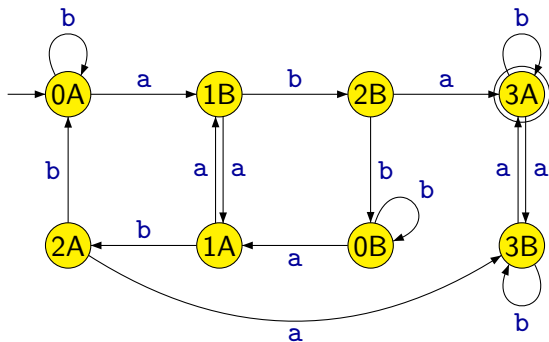
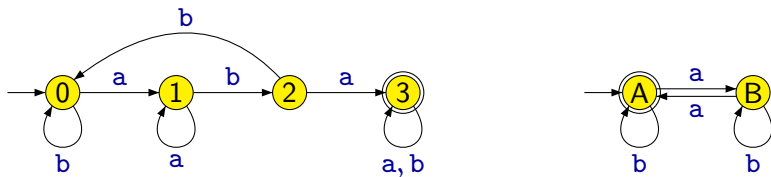
Automat pro průnik jazyků



Automat pro průnik jazyků



Automat pro průnik jazyků



Automat pro průnik jazyků

Formálně můžeme popsat tuto konstrukci následovně:

Předpokládáme, že máme dva deterministické konečné automaty $A_1 = (Q_1, \Sigma, \delta_1, q_{01}, F_1)$ a $A_2 = (Q_2, \Sigma, \delta_2, q_{02}, F_2)$.

K nim setrojíme DKA $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ kde:

- $Q = Q_1 \times Q_2$
- $\delta((q_1, q_2), a) = (\delta_1(q_1, a), \delta_2(q_2, a))$ pro všechna $q_1 \in Q_1$, $q_2 \in Q_2$, $a \in \Sigma$
- $q_0 = (q_{01}, q_{02})$
- $F = F_1 \times F_2$

Není těžké ověřit, že pro libovolné slovo $w \in \Sigma^*$ platí, že $w \in L(A)$ právě tehdy, když $w \in L(A_1)$ a $w \in L(A_2)$, tj.

$$L(A) = L(A_1) \cap L(A_2)$$

Věta

Jestliže jazyky $L_1, L_2 \subseteq \Sigma^*$ jsou regulární, pak také jazyk $L_1 \cap L_2$ je regulární.

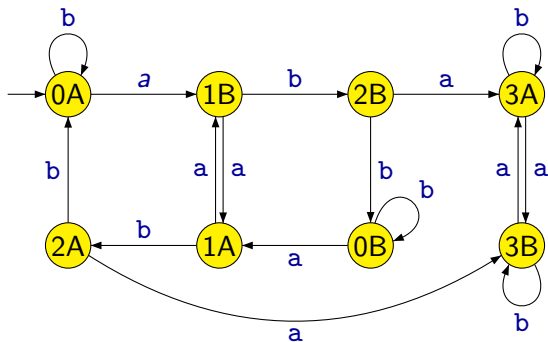
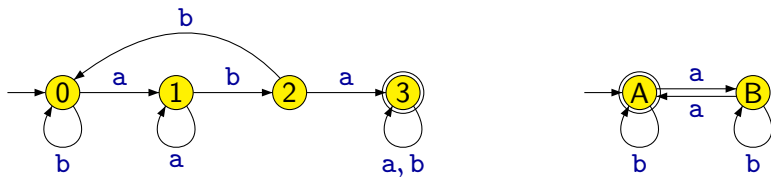
Důkaz: Předpokládejme, že A_1 a A_2 jsou deterministické konečné automaty takové, že

$$L_1 = L(A_1) \qquad L_2 = L(A_2)$$

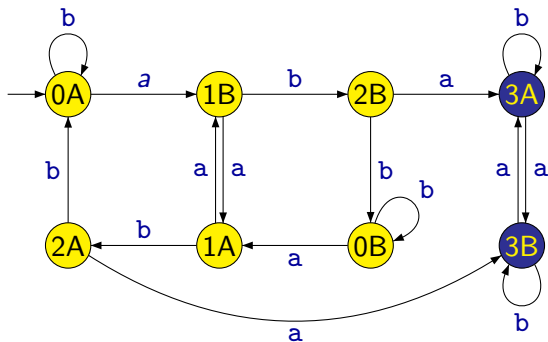
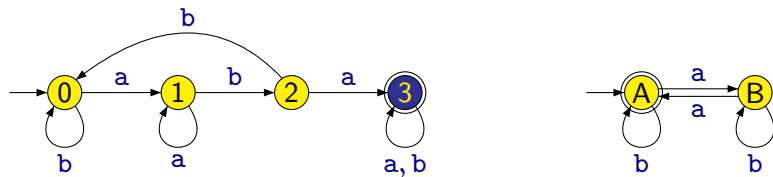
Popsanou konstrukcí k nim můžeme sestrojít deterministický konečný automat A takový, že

$$L(A) = L(A_1) \cap L(A_2) = L_1 \cap L_2$$

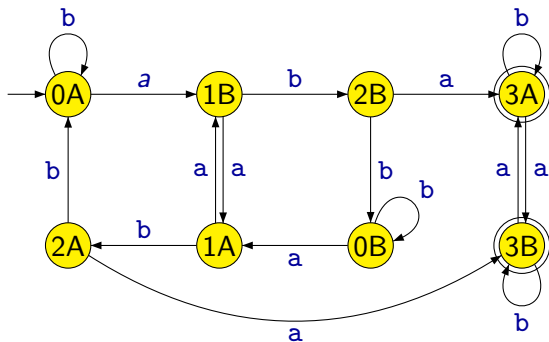
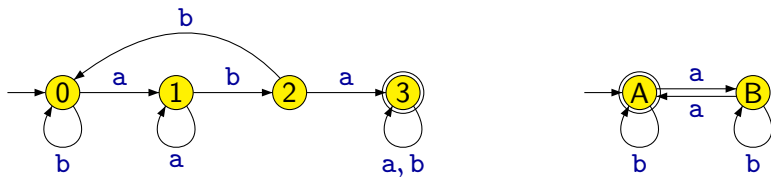
Automat pro sjednocení jazyků



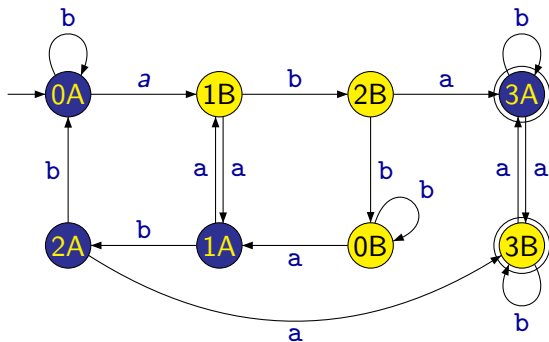
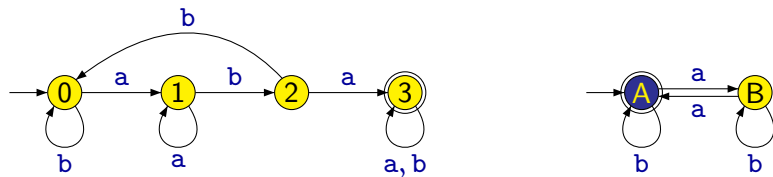
Automat pro sjednocení jazyků



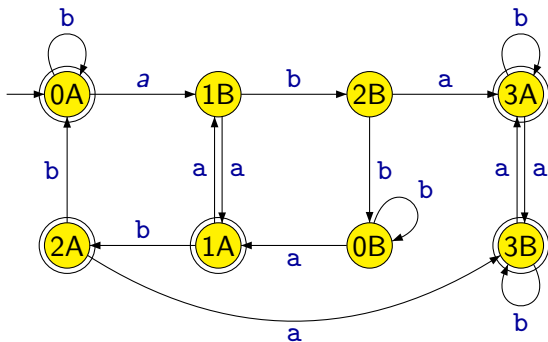
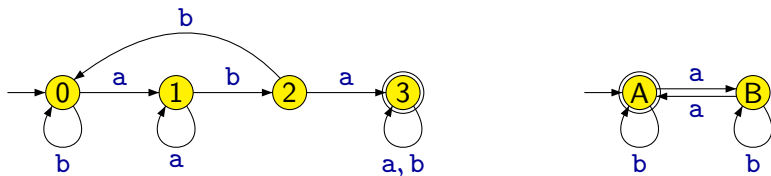
Automat pro sjednocení jazyků



Automat pro sjednocení jazyků



Automat pro sjednocení jazyků



Sjednocení regulárních jazyků

Konstrukce automatu A , který přijímá **sjednocení** jazyků přijímaných automaty A_1 a A_2 , tj. jazyk

$$L(A_1) \cup L(A_2)$$

je téměř stejná jako v případě automatu přijímajícího $L(A_1) \cap L(A_2)$.

Jediný rozdíl je v definici množiny přijímajících stavů:

- $F = (F_1 \times Q_2) \cup (Q_1 \times F_2)$

Sjednocení regulárních jazyků

Konstrukce automatu A , který přijímá **sjednocení** jazyků přijímaných automaty A_1 a A_2 , tj. jazyk

$$L(A_1) \cup L(A_2)$$

je téměř stejná jako v případě automatu přijímajícího $L(A_1) \cap L(A_2)$.

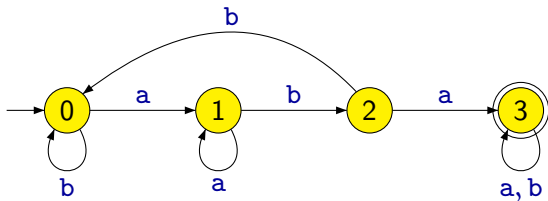
Jediný rozdíl je v definici množiny přijímajících stavů:

- $F = (F_1 \times Q_2) \cup (Q_1 \times F_2)$

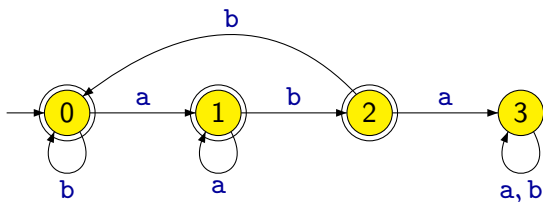
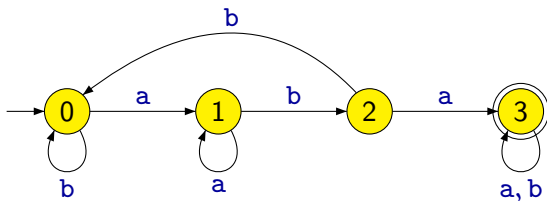
Věta

Jestliže jazyky $L_1, L_2 \subseteq \Sigma^*$ jsou regulární, pak také jazyk $L_1 \cup L_2$ je regulární.

Automat pro doplněk jazyka



Automat pro doplněk jazyka



K DKA $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ sestrojíme DKA $A' = (Q, \Sigma, \delta, q_0, Q - F)$.

Je očividné, že pro každé slovo $w \in \Sigma^*$ platí, že $w \in L(A')$ právě tehdy, když $w \notin L(A)$, tj.

$$L(A') = \overline{L(A)}$$

K DKA $A = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ sestrojíme DKA $A' = (Q, \Sigma, \delta, q_0, Q - F)$.

Je očividné, že pro každé slovo $w \in \Sigma^*$ platí, že $w \in L(A')$ právě tehdy, když $w \notin L(A)$, tj.

$$L(A') = \overline{L(A)}$$

Věta

Jestliže jazyk L je regulární, pak také jeho doplňěk \overline{L} je regulární.